



قطعه دهم ریاضی

آزمون هدیه ۱۳ مهر

تابستان ۱۴۰۳

مدت پاسخگویی: ۵۰ دقیقه

تعداد کل سوالات آزمون: ۴۰ سوال

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	شماره صفحه	زمان پاسخ‌گویی (دقیقه)
ریاضی نهم	۲۰	۱-۲۰	۳	۳۰ دقیقه
علوم نهم	۲۰	۲۱-۴۰	۵	۲۰ دقیقه
جمع	۴۰			۵۰ دقیقه

طراحان

ریاضی نهم	عاطفه خان‌محمدی - مهدی تک - فردین مقدم‌پور - سهند ولی‌زاده - زهره راشینی - رحیم مشتاق‌نظم - میلاد منصوری
علوم نهم	رضا آریافر - حمید زرین کفش - محمد قدس - روزبه اسحاقیان - مرتضی سرلک - امیر محمودی انزابی - توحید شکری - مهلا تابش‌نیا - هادی عبدی - فیروزه حسین‌زاده - آرین فلاحت‌اسدی

گزینشگران، مسئولین درس و ویراستاران

نام درس	مسئول درس و گزینشگر	گروه ویراستاری	مسئول درس مستندسازی
ریاضی نهم (۱)	رضا سیدنجفی	مهدی بحر کاظمی - امیر محمد بک ویردی‌پور - سیدشهداد فاطمی	الهه شبازی
علوم نهم (۱)	بهنام شاهنی	مهدی بحر کاظمی - سیدشهداد فاطمی	امیرحسین توحیدی

گروه فنی و تولید

نماینده گروه	سیدعلی موسوی‌فرد
مسئول دفترچه	مهدی بحر کاظمی
حروفنگار و صفحه‌آرا	لیلا عظیمی
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصفهانی مسئول دفترچه: امیرحسین توحیدی
ناظر چاپ	حمید عباسی

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین پلاک ۹۶۳ بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام) تلفن: ۰۳۱-۶۳۶۳



۳۰ دقیقه

کل کتاب
صفحه‌های ۱ تا ۱۶۳

ریاضی نهم

۱- مساحت مثلثی که خط $-2x - 5y = 4$ با محورهای مختصات می‌سازد، کدام است؟

۴۰ (۴)

۱۰ (۳)

۳۰ (۲)

۲۰ (۱)

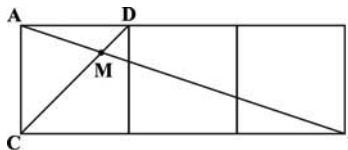
۲- باقیمانده تقسیم عبارت $x^4 - ax^3 + x^2 + 2ax + 1$ بر $x + 1$ برابر ۴ است. a کدام است؟

۳ (۴)

۱ (۳)

-۱ (۲)

-۴ (۱)

۳- در شکل زیر، سه مربع به اضلاع واحد، کنار هم قرار دارند. اندازه پاره خط MA چند برابر $\sqrt{10}$ است؟ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{2}{9}$

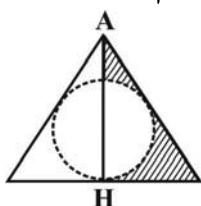
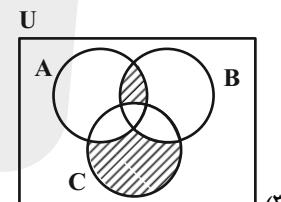
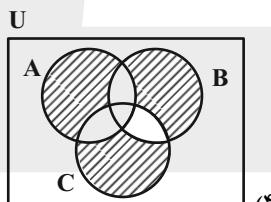
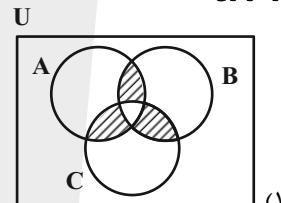
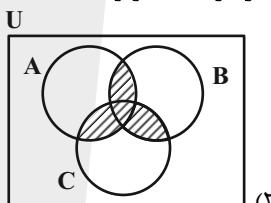
۴- در یک مهمانی، علی و رضا از هر دو میوه سیب و پرتقال می‌خورند، سامان، احسان و فرشید فقط پرتقال می‌خورند. محمد، حسن و کیوان نیز فقط سیب می‌خورند. تعداد افرادی که حداقل یکی از دو میوه را می‌خورند، کدام است؟

۱۲ (۴)

۶ (۳)

۱۰ (۲)

۸ (۱)

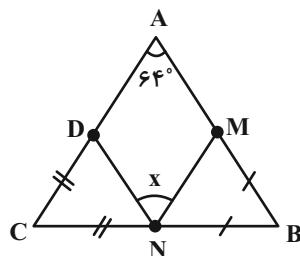
۵- در مثلث متساوی‌الاضلاع زیر به ضلع $2\sqrt{3}$ واحد، حجم حاصل از دوران کل سطح سایه زده حول ارتفاع AH، کدام است؟ $\frac{3\pi}{2}$ $\frac{4\pi}{3}$ $\frac{5\pi}{3}$ 2π (۳)۶- نمودار ون $(A \cap (B \cup C)) \cup (B \cap C) - (A \cap B \cap C)$ در کدام یک از گزینه‌های زیر آمده است؟۷- اگر رابطه $(x, y \in \mathbb{Z})$ $3^{2x+5} \times 2^{y+3} = 2^{3x+7} \times 3^{y+3}$ برقرار باشد، x و y کدام است؟

y = 1 و x = -1 (۲)

y = -1 و x = -1 (۱)

y = 1 و x = -2 (۴)

y = -1 و x = 2 (۳)

۸- در شکل مقابل $CN = CD$ و $BN = BM$ می‌باشد، زاویه x کدام است؟

۵۶° (۱)

۵۸° (۲)

۶۰° (۳)

۶۴° (۴)

۹- حاصل عبارت $\frac{\sqrt{2/88} \times \sqrt{0/000125}}{0/03 \times \sqrt{0/00001}}$ به صورت نماد علمی کدام است؟۲/۱۵×۱۰^{-۲} (۴)۱/۰۴×۱۰^{-۲} (۳)۵/۰۲×۱۰^۰ (۲)۲×۱۰^۲ (۱)۱۰- اگر عبارت $\frac{3}{ax^2 + 2x + 3b}$ به ازای $x = 3$ تعریف نشده باشد، حاصل $3a + b$ کدام است؟

۳ (۴)

-۳ (۳)

۲ (۲)

-۲ (۱)



۱۱- ابعاد یک جعبه به شکل مکعب مستطیل، 80cm ، 80cm و 62cm است. حجم این جعبه، به صورت نماد علمی، چند متر مکعب است؟

(۴) $9/6 \times 10^{-6}$

(۳) $9/92 \times 10^{-3}$

(۲) $9/92 \times 10^4$

(۱) $9/6 \times 10^4$

۱۲- عبارت گویای $\frac{(a+5)}{(a+5)(4a^3 - 20a^2 + 24a)}$ به ازای چه مجموعه مقادیری از a تعریف نشده است؟

(۴) $\{0, 2, 3, 5\}$

(۳) $\{-5, 0, 2, 3\}$

(۲) $\{\pm 5, 0\}$

(۱) $\{0, 2, 3\}$

۱۳- حاصل عبارت زیر کدام است؟

$$(1395 + 1394)(1395^2 + 1394^2) \dots (1395^{1024} + 1394^{1024}) + 1394^{2048}$$

(۴) 1395^{2048}

(۳) 1396^{2048}

(۲) 1394^{2048}

(۱) 1394^{4096}

۱۴- دو تاس را با هم پرتاب می‌کنیم. با کدام احتمال مجموع دو عدد رو شده، مضرب ۴ است؟

(۴) $\frac{1}{4}$

(۳) $\frac{5}{12}$

(۲) $\frac{5}{18}$

(۱) $\frac{2}{9}$

۱۵- خط $-3m+1)x+(2m-5)y=m+1$ به ازای کدام مقدار m موازی با محور X ها است؟

(۴) $-\frac{5}{2}$

(۳) $\frac{5}{2}$

(۲) $-\frac{1}{3}$

(۱) $\frac{1}{3}$

۱۶- مثلثی به طول اضلاع x ، 4 و 6 با مثلثی به طول اضلاع y ، 12 و 9 متشابه است. بیشترین مقدار ممکن برای x کدام است؟

(۴) 3

(۳) 8

(۲) $\frac{16}{3}$

(۱) $\frac{4}{5}$

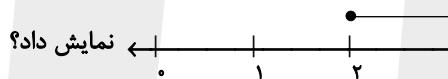
۱۷- قاعده یک هرم منتظم، مربعی است به ضلع 6 واحد و ارتفاع یکی از وجه‌های جانبی آن برابر 5 واحد است. حجم این هرم چند واحد مکعب است؟

(۴) 54

(۳) 48

(۲) 45

(۱) 42



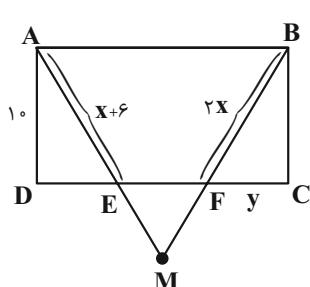
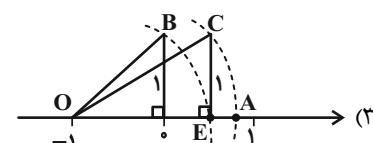
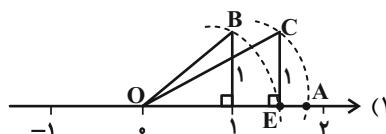
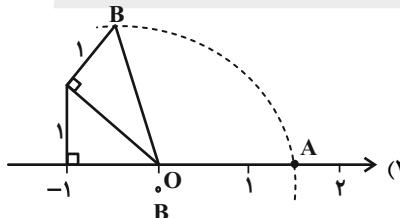
۱۸- مجموعه جواب کدام نامعادله را می‌توان به صورت x در ناحیه سوم مختصات قرار بگیرد.

(۲) $\frac{x-4}{3} \leq 0 / 2x - 15$

(۳) مجموعه مقادیری از a که به ازای آن شیب و عرض از مبدأ خط $(a-2)x+5y=-2-a$ منفی باشد.

(۴) $(3x-2)^2 - 9x^2 \leq 3x - 26$

۱۹- در کدام گزینه نقطه A ، عدد $-\sqrt{3}$ را روی محور نمایش می‌دهد؟ (در گزینه‌ها به مرکز O و به شعاع‌های OB و OC کمان زده شده است).



۲۰- در شکل مقابل، $\triangle ABM$ متساوی‌الساقین ($AM = BM$) و چهارضلعی $ABCD$ ، مستطیل است. مقدار y کدام است؟

(۲) $\sqrt{22}$

(۴) 8

(۱) $\sqrt{8}$

(۳) $\sqrt{44}$



۲۰ دقیقه

فصل اول تا دهم
صفحه‌های ۱ تا ۱۱۰

علوم فنی

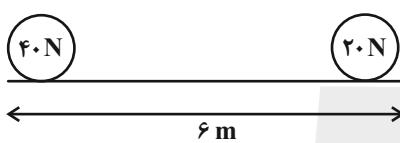
۲۱- کدام گزینه صحیح است؟

- (۱) اوزون تنها در لایه میانی هوای اطراف زمین قرار دارد.
 (۲) سولفوریک اسید در چرمسازی کاربرد دارد.
 (۳) گوگرد جامدی نارنجی رنگ است که در دهانه آتشفسان‌های فعال یافت می‌شود.
 (۴) هوای پاک مخلوطی گازی و ناهمنگ است.

۲۲- کدام گزینه صحیح است؟

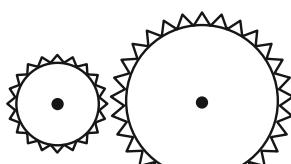
- (۱) در هر برش نفتی فقط یک نوع هیدروکربن وجود دارد.
 (۲) گاز بی‌رنگی که به طور طبیعی از میوه‌های رسیده مانند موز آزاد می‌شود متان است.
 (۳) در چرخه کربن مقدار کربن در مجموع ثابت باقی می‌ماند.
 (۴) تقطیر ساده برای جداسازی دو مایعی که اختلاف دمای جوش آن‌ها کم است به کار می‌رود.

۲۳- در شکل زیر، تکیه‌گاه را در چه فاصله‌ای از وزنه ۲۰ نیوتونی قرار دهیم تا تعادل برقرار شود؟ (از وزن میله اهرم صرف‌نظر کنید.)

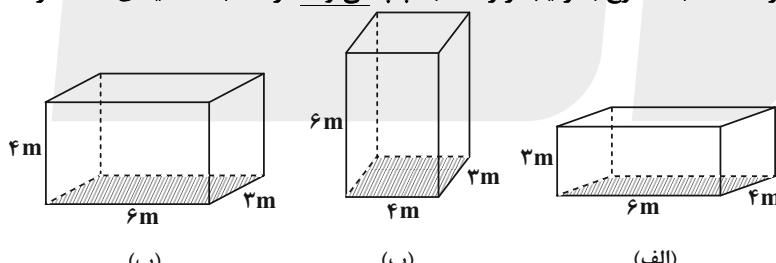


- ۲m (۱)
 ۱m (۲)
 ۲/۵ m (۳)
 ۴m (۴)

۲۴- در شکل زیر، چرخ‌نده کوچک ۱۲ دندانه و چرخ‌نده بزرگ ۶۰ دندانه دارد. اگر در مدت ۵ دقیقه چرخ‌نده کوچک ۲۰۰ دور بیشتر از چرخ‌نده بزرگ چرخیده باشد، در این صورت چرخ‌نده کوچک در مدت یک دقیقه چند دور چرخیده است؟ (شکل‌ها فرضی است.)



- ۱۰ (۱)
 ۲۵ (۲)
 ۵۰ (۳)
 ۲۵۰ (۴)

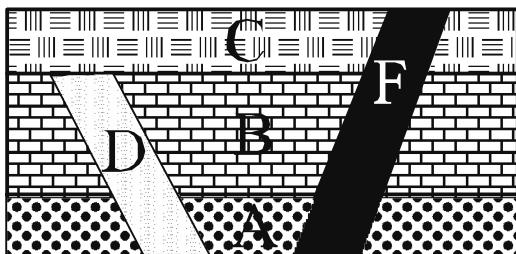
۲۵- قطعه‌ای مکعب مستطیلی به وزن W را مطابق شکل‌های (الف)، (ب) و (پ) از وجوه مختلف آن، روی سطح افقی صافی قرار داده‌ایم. در کدام گزینه فشار وارد شده از طرف قطعه به سطوح بهترتب از راست به چپ می‌تواند درست باشد؟ (یکای اعداد در همه گزینه‌ها یکسان است.)

- ۴۰۰۰، ۳۰۰۰، ۲۰۰۰، ۱۰۰۰ (۱)
 ۶۰۰۰، ۵۰۰۰، ۴۰۰۰ (۲)
 ۴۰۰۰، ۳۰۰۰، ۲۰۰۰ (۳)
 ۴۰۰۰، ۳۰۰۰، ۱۰۰۰ (۴)

۲۶- کدام عبارت نادرست است؟

- (۱) ستاره قطبی دم صورت فلکی دب اکبر است.
 (۳) صورت‌های فلکی همواره به سمت جنوب غرب می‌باشد.

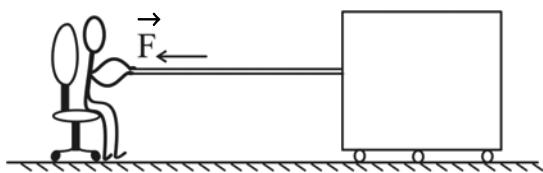
۲۷- با توجه به شکل زیر گزینه درست را انتخاب کنید؟ (لایه‌ها وارونه نشده‌اند.)



- (۱) لایه F جوان‌ترین لایه است.
 (۲) لایه F و D همسن هستند.
 (۳) لایه D بعد از لایه C تشکیل شده است.
 (۴) جوان‌تر از لایه F است.



۲۸- مطابق شکل زیر، شخصی به جرم 60 kg روی یک صندلی چرخ دار نشسته است و توسط یک طناب، جعبه‌ای چرخ دار به جرم 90 kg را با نیرویی به بزرگی F به سمت خود می‌کشد. شتاب شخص چند برابر شتاب جعبه و در کدام جهت است؟ (از اصطکاک تمامی سطوح و جرم صندلی چرخ دار صرف نظر نمایید).



- (۱) $\frac{2}{3}$ برابر و در خلاف جهت حرکت جعبه

- (۲) $\frac{1}{5}$ برابر و در جهت حرکت جعبه

- (۳) $\frac{1}{5}$ برابر و در خلاف جهت حرکت جعبه

- (۴) ۱ برابر و در خلاف جهت حرکت جعبه

۲۹- چه تعداد از ویژگی‌های زیر مربوط به فلز مس می‌باشد؟

- (آ) رسانایی الکتریکی زیاد

- (ب) مقاومت در برابر خوردگی

- (پ) قابلیت مفتول شدن

- (ت) سرخ رنگ بودن

(ث) به دست آمدن از طریق ذوب سنگ معدن آن در دمای بالا

۲۴

۳۳

۵۲

۴۱

۳۰- حرکت یک متحرک بین دو نقطه، در کدام یک از شرایط زیر غیرممکن است؟

- (۱) با سرعت متوسط $27 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ و تندی متوسط $20 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ حرکت کند.

- (۲) با سرعت متوسط $30 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ و تندی متوسط $30 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ حرکت کند.

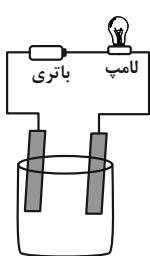
- (۳) با سرعت متوسط $20 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ و تندی متوسط $42 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ حرکت کند.

- (۴) با سرعت متوسط صفر و تندی متوسط $20 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ حرکت کند.

۳۱- اندازه سرعت متحرکی که در جهت غرب به شرق در حال حرکت است، در لحظه‌هایی معین در جدول زیر داده شده است. در کدام بازه زمانی، اندازه شتاب متوسط متحرک بیشتر است؟

زمان (s)	۰	۲	۶	۱۲	۲۰
اندازه سرعت لحظه‌ای ($\frac{\text{m}}{\text{s}}$)	۵	۱۰	۱۵	۴۰	۸۰

۳۲- با توجه به شکل، مداری را برای بررسی رسانایی چند ماده تشکیل داده‌ایم، با ریختن کدام ماده در داخل ظرف خالی، لامپ واقع در مدار روشن می‌شود؟



(۱) ۰ تا ۶S

۲ (۲)

۲۰S تا ۲S (۳)

۲۰S تا ۶S (۴)

۲۰S تا ۲S (۳)

۱۲S تا ۲S (۲)

۱۲S تا ۶S (۱)

آ) هر بسپار از اتصال تعداد زیادی مولکول‌های بزرگ به یکدیگر به دست می‌آید.

ب) گاز آمونیاک و سولفوریک اسید به مولکول‌های بزرگ مشهورند.

پ) گوشت نمونه‌ای از بسپار طبیعی است.

ت) تهیه وسایل مورد نیاز از بسپارهای طبیعی بسیار هزینه‌بر است.

۴۴

۳۳

۲ (۲)

۱ (۱)

۳۴- ... زمانی به وجود می‌آید که مواد و رسوبات به داخل اسکلت جاندار نفوذ کنند و سوختهای فسیلی از ... تشکیل می‌شوند.

- (۱) قالب داخلی، فسیل راهنمای

- (۲) قالب خارجی، فسیل راهنمای

- (۳) قالب داخلی، بقایای جانداران



۳۵- چه تعداد از موارد زیر صحیح است؟

الف) هر پاسکال، همارز با یک نیوتون بر سانتی‌متر مربع است.

ب) وقتی یک حباب هوا از ته استخر آب به بالا می‌آید، بزرگتر می‌شود.

پ) فشار در نقاط همتراز از یک مایع ساکن، یکسان است.

ت) هرچه از سطح زمین بالاتر برویم، فشار هوا کاهش می‌یابد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۳۶- کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح است؟

(۱) در برج تقطیر نفت خام، بُرشی که از آن سوخت هوا پیما استخراج می‌شود بالاتر از برشی است که از آن سوخت قطار شهری حاصل می‌شود.

(۲) نیروی ریاضی بین مولکولی در برشی که از آن سوخت خودرو حاصل می‌شود از نیروی ریاضی بین مولکولی برشی که از آن سوخت قطار حاصل می‌شود بیشتر است.

(۳) در برج تقطیر نفت خام می‌توان همه اجزای سازنده نفت خام را از یکدیگر به طور کامل جدا کرد.

(۴) در دستگاه تقطیر ساده که دو ماده C_9H_{10} و C_9H_2 با یکدیگر مخلوط شده‌اند، بر اثر حرارت ابتدا C_9H_2 بخار شده و از مخلوط جدا می‌شود.

۳۷- مقدار کدام عنصر خورشید دائماً در حال افزایش است؟

۱) هیدروژن

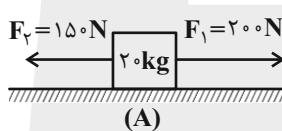
۲) اورانیم

۳) نیتروژن

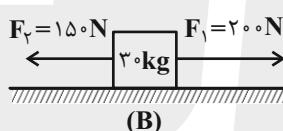
۴) هلیم

۳۸- مطابق شکل‌های زیر، سه جسم A، B و C که دارای جنس‌های مشابهی هستند، بر روی یک سطح افقی دارای اصطکاک قرار دارند و نیروهای \bar{F}_1 و \bar{F}_2 به آن‌ها وارد می‌شوند. اگر هر سه جسم در اثر نیروهای وارد بر آن‌ها در راستای افقی شروع به حرکت کنند، در کدام

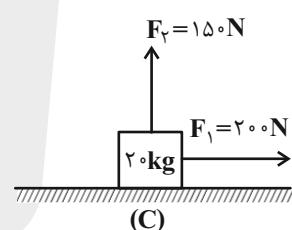
$$\text{گزینه مقایسه درستی بین شتاب‌های حرکت آن‌ها صورت گرفته است؟} \quad (g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}})$$



$$a_A > a_B > a_C \quad (۴)$$

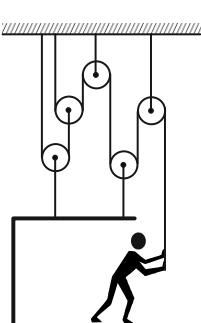


$$a_C > a_A > a_B \quad (۳)$$



$$a_B > a_A = a_C \quad (۲)$$

$$a_C > a_A = a_B \quad (۱)$$

۳۹- یک کارگر ساختمانی به جرم ۷۰ کیلوگرم، با استفاده از اتاقکی هم جرم با خودش، بالابری به شکل زیر طراحی کرده است. او باید با چه نیروی (بر حسب نیوتون) طناب را به پایین بکشد تا اتاقک تعادل داشته باشد؟ (از جرم طناب‌ها، قرقه‌ها و کلیه اصطکاک‌ها صرف‌نظر شده و $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)

۲۰۰

۲۸۰

۴۲۰

۷۰۰

۴۰- کدام یک از گزاره‌های زیر نادرست است؟

(۱) فسیل‌های راهنمای ارزش زیاد دارند، در همه جا یافت می‌شوند و تشخیص آن‌ها آسان است.

(۲) اولین مرحله در بررسی احتمال وقوع ذخایر زغال‌سنگ، نفت و گاز استفاده از امواج لرزه‌ای است.

(۳) زمین‌شناسان با مطالعه تشابه فسیل‌های غرب آفریقا و شرق آمریکای جنوبی اثبات کردند که در ابتدا این دو قاره به هم چسبیده بودند.

(۴) اگر فسیل دایناسوری مربوط به ۱۰۰ میلیون سال قبل باشد، سنگ‌های در برگیرنده آن نیز سنی در همین حدود دارند.

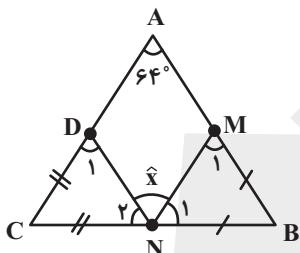


(عاطفه فان محمدی)

$$\begin{aligned} & \text{«} ۷ \text{«} \text{گزینه} \\ & ۳^{2x+5} \times ۲^y + ۳ = ۲^{3x+7} \times ۳^3 \\ & \frac{\text{دو طرفین را برابر عبارت}}{\text{ تقسیم می کنیم}} \rightarrow \frac{۳^{2x+5} \times ۲^y + ۳}{۲^{3x+7} \times ۳^3} = 1 \\ & \Rightarrow ۳^{2x+5-3} \times ۲^y + ۳ - ۳x - ۷ = 1 \\ & \Rightarrow ۳^{2x+2} \times ۲^y - ۳x - ۴ = 1 = ۳^0 \times ۳^0 \\ & \Rightarrow \begin{cases} ۲x + 2 = 0 \Rightarrow x = -1 \\ y - 3x - 4 = 0 \end{cases} \stackrel{(1)}{\rightarrow} y + 3 - 4 = 0 \Rightarrow y = 1 \end{aligned}$$

(توان و ریشه، صفحه‌های ۶۰ تا ۶۴ کتاب درسی)

(مهدی لک)



$$\begin{aligned} & BN = BM \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{N}_1 = \frac{180^\circ - \hat{B}}{2} \\ & CN = CD \Rightarrow \hat{N}_2 = \hat{D}_1 = \frac{180^\circ - \hat{C}}{2} \\ & \Rightarrow \hat{N}_1 + \hat{N}_2 = \frac{360^\circ - (\hat{B} + \hat{C})}{2} \\ & = \frac{360^\circ - (180^\circ - \hat{A})}{2} = \frac{360^\circ - (180^\circ - 64^\circ)}{2} = 122^\circ \end{aligned}$$

$$x = 180^\circ - 122^\circ = 58^\circ$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۳۹ تا ۴۳ کتاب درسی)

(فریدن مقدم)

$$\begin{aligned} & \frac{\sqrt{2/88} \times \sqrt{0/000125}}{0/03 \times \sqrt{0/0001}} = \frac{\sqrt{144} \times 2 \times \sqrt{25 \times 5}}{0/03 \times \sqrt{1/10^4 \times 10}} \\ & = \frac{1/2\sqrt{2} \times 5 \times 10^{-3} \sqrt{5}}{0/03 \times 10^{-2} \times \frac{1}{\sqrt{10}}} = \frac{1/2 \times 5 \times 10 \times 10^{-3}}{3 \times 10^{-2} \times 10^{-2}} = 2 \times 10^2 \end{aligned}$$

(توان و ریشه، صفحه‌های ۶۵ تا ۷۲ کتاب درسی)

(سوندر ولیزاده)

$$\begin{aligned} & \text{مخرج عبارت گویای داده شده باید به ازای } x = 3 \text{ برابر صفر باشد.} \\ & ax^3 + 2x + 3b = 0 \xrightarrow{x=3} 9a + 6 + 3b = 0 \\ & \Rightarrow 9a + 3b = -6 \Rightarrow 3a + b = -2 \end{aligned}$$

(عبارت‌های گویا، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶ کتاب درسی)

« ۸ « گزینه

نکته: در مثلث قائم‌الزاویه ΔAOM ضلع مقابل به زاویه 30° درجه همواره نصف وتر است، یعنی $OA = 2r$ و از آنجایی که $OH = r$ است نتیجه می‌شود $AH = 3r$ است.

$$\Delta AHC: (AH)^2 = (2\sqrt{3})^2 - (\sqrt{3})^2 = (4 \times 3) - 3 = 12 - 3 = 9$$

$$\Rightarrow AH = \sqrt{9} \Rightarrow AH = 3 \quad \text{ارتفاع مخروط}$$

$$AH = 3r \Rightarrow 3 = 3r \Rightarrow r = 1 \quad \text{شعاع کره}$$

$$HC = \frac{BC}{2} = \frac{2\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3} \Rightarrow HC = \sqrt{3} \quad \text{شعاع قاعدة مخروط}$$

$$\text{حجم} = \frac{1}{3}\pi(HC)^2 \times (AH) = \frac{1}{3}\pi \times (\sqrt{3})^2 \times 3$$

$$= \frac{1}{3}\pi \times 3 \times 3 = 3\pi$$

$$= \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi \times 1^3 = \frac{4}{3}\pi$$

حجم کره - حجم مخروط = حجم قسمت سایه زده شده

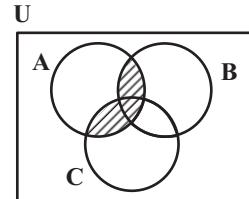
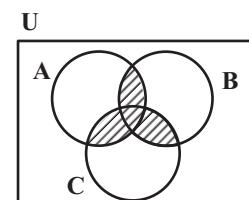
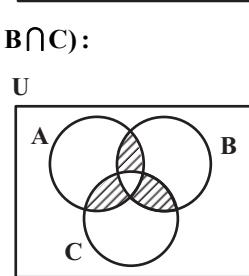
$$= 3\pi - \frac{4}{3}\pi = \frac{5\pi}{3}$$

(مهم و مساحت، صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶ کتاب درسی)

« ۹ « گزینه

(عاطفه فان محمدی)

« ۱۰ « گزینه

 $A \cap (B \cup C):$  $[A \cap (B \cup C)] \cup (B \cap C):$  $[A \cap (B \cup C)] \cup (B \cap C) - (A \cap B \cap C):$

(مجموعه‌ها، صفحه‌های ۱۱ تا ۱۴ کتاب درسی)



(کتاب آین)

«۱۵- گزینه»

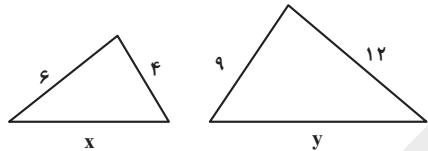
نکته: خطوط $y = a$ با محور x ها موازی‌اند (یعنی باید ضریب x صفر باشد).

$$-3m + 1 = 0 \Rightarrow m = \frac{1}{3}$$

(فقط و معارله‌های فقط، صفحه‌های ۱۰۲ تا ۱۰۷ کتاب درسی)

(عطفه قان محمدی)

«۱۶- گزینه»



حالاتی ممکن را برای تشابه دو مثلث در نظر می‌گیریم:

$$1) \frac{6}{9} = \frac{4}{y} = \frac{x}{12} \Rightarrow \begin{cases} x = 8 \\ y = 6 \end{cases}$$

$$2) \frac{6}{12} = \frac{4}{y} = \frac{x}{9} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{9}{2} \\ y = 8 \end{cases}$$

$$3) \frac{6}{y} = \frac{4}{9} = \frac{x}{12} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{16}{3} \\ y = \frac{27}{2} \end{cases}$$

$$4) \frac{6}{y} = \frac{4}{12} = \frac{x}{9} \Rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = 18 \end{cases}$$

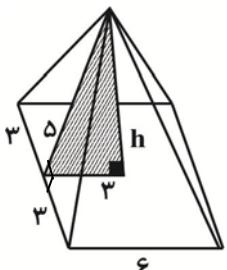
بیشترین مقدار ممکن برای x ۸ است.

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۵۳ تا ۵۸ کتاب درسی)

(کتاب آین)

«۱۷- گزینه»

با استفاده از رابطه فیثاغورس داریم:



$$h = \sqrt{5^2 - 3^2} = \sqrt{25 - 9} = \sqrt{16} = 4$$

$$V = \frac{1}{3}Sh = \frac{1}{3}(6)^2 \times 4 = 48$$

(حجم و مساحت، صفحه‌های ۱۳۷ و ۱۳۸ کتاب درسی)

(زهره رامشینی)

$$8\text{cm} = 0 / 8\text{m}$$

$$2\text{cm} = 0 / 2\text{m}$$

$$62\text{cm} = 0 / 62\text{m}$$

$$\Rightarrow \text{حجم جعبه} = 0 / 8 \times 0 / 2 \times 0 / 62$$

$$= 992 \times 10^{-4} = 9 / 92 \times 10^{-2} \text{m}^3$$

(توان و ریشه، صفحه‌های ۶۵ تا ۶۷ کتاب درسی)

«۱۱- گزینه»

«۱۲- گزینه»

نکته: عبارت گویا به ازای مقادیری از a تعریف نشده است که مخرج کسر برابر صفر شود.

$$(a+\Delta)(4a^3 - 2a^2 + 2a) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a+\Delta = 0 \Rightarrow a = -\Delta \\ 4a(a^2 - \Delta a + \Delta) = 0 \end{cases}$$

$$\rightarrow 4a(a-2)(a-3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = 0 \\ a = 2 \\ a = 3 \end{cases}$$

بنابراین عبارت گویا به ازای $\{0, 2, 3, -\Delta\}$ $a \in \{0, 2, 3, -\Delta\}$ تعریف نشده است.

(عبارت‌های گویا، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶ کتاب درسی)

«۱۳- گزینه»

با ضرب عبارت

$$(1395 + 1394)(1395^2 + 1394^2) \dots (1395^{1024} + 1394^{1024})$$

$$\frac{1395 - 1394}{1395 + 1394} \text{ خواهیم داشت:}$$

$$\frac{\text{انداد مزدوج}}{(1395 - 1394) \times ((1395 + 1394) \times (1395^2 + 1394^2) \dots (1395^{1024} + 1394^{1024}))}$$

$$= \frac{(1395^2 - 1394^2)(1395^2 + 1394^2)(1395^4 + 1394^4) \dots (1395^{1024} + 1394^{1024})}{(1395^2 - 1394^2)}$$

$$= (1395^4 - 1394^4) \times \dots \times (1395^{1024} + 1394^{1024})$$

و با ادامه این روند در نهایت خواهیم داشت:

$$(1395^{1024} - 1394^{1024})(1395^{1024} + 1394^{1024}) = 1395^{2048} - 1394^{2048}$$

$$\Rightarrow 1395^{2048} - 1394^{2048} + 1394^{2048} = 1395^{2048}$$

(عبارت‌های پیری، صفحه‌های ۸۶ تا ۸۹ کتاب درسی)

«۱۴- گزینه»

باید مجموع دو عدد رو شده ۴ یا ۸ یا ۱۲ باشد.

$$A = \{(1, 3), (3, 1), (2, 2), (2, 6), (6, 2), (3, 5), (5, 3), (4, 4), (6, 6)\}$$

$$\Rightarrow n(A) = 9$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{9}{36} = \frac{1}{4}$$

(مجموعه‌ها، صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷ کتاب درسی)



علوم فن

گزینه «۲۱»

(رضا آریافر)

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: اوزون در لایه بالای هوای اطراف زمین و همچنین در هوای آلوده یافت می‌شود.

گزینه «۳»: گوگرد جامدی زردنگ است که در دهانه آتششان‌های خاموش یا نیمه‌فعال یافت می‌شود.

گزینه «۴»: هوای پاک مخلوطی گازی و همگن است.

(مواد و نقش آن‌ها در زندگی، صفحه ۶ کتاب (رسی))

(عیدر زیرین‌کشش)

گزینه «۲۲»

به بررسی تک گزینه‌ها می‌پردازیم:

(۱) هر برش نفتی از چند هیدروکربن که دمای جوش نزدیک به هم دارند تشکیل شده است.

(۲) اتن (اتیلن) گاز بی‌رنگی است که به طور طبیعی به وسیله برخی از میوه‌های رسیده مانند گوجه فرنگی و موز آزاد می‌شود.

(۳) در چرخه کربن مقدار کربن در مجموع ثابت باقی می‌ماند و از شکلی به شکل دیگر تبدیل می‌شود.

(۴) تقطیر ساده برای جadasازی دو مایعی که اختلاف دمای جوش آن‌ها زیاد است به کار می‌رود.

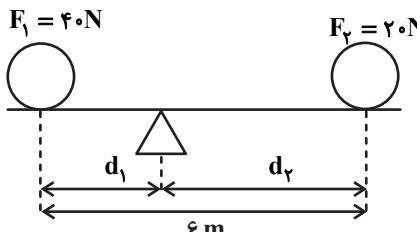
(به دنبال میطی بهتر برای زندگی، صفحه‌های ۲۷ تا ۳۳ کتاب (رسی))

(ممدر قدس)

گزینه «۲۳»

شرط برقراری تعادل در اهرم‌ها، عبارت است از:

اگر نیروی $F_1 = 20\text{ N}$ نیوتونی را با $F_2 = 20\text{ N}$ نیوتونی را با A نشان دهیم، آنگاه داریم:



گشتاور نیروی ساعت‌گرد = گشتاور نیروی پاد ساعت‌گرد

$$F_1 \times d_1 = F_2 \times d_2 \Rightarrow F_1 \times (6 - d_2) = F_2 \times d_2$$

$$\Rightarrow 20 \times (6 - d_2) = 20 \times d_2 \Rightarrow 120 - 20d_2 = 20d_2$$

$$\Rightarrow 120 = 40d_2 \Rightarrow d_2 = 3\text{ m}$$

پس تکیه‌گاه باید در فاصله ۳ متری از وزنه 20 N نیوتونی و ما بین دو وزنه قرار بگیرد تا تعادل برقرار شود.

(ماشین‌ها، صفحه‌های ۹۹ و ۱۰۰ کتاب (رسی))

(عاطفه فان‌میری)

مجموعه جواب باید به صورت $\{x \in \mathbb{R} | x \geq 2\}$ باشد. تک تک گزینه‌ها

را بررسی می‌کنیم:

گزینه «۱»:

$$\begin{cases} 2a + 6 < 0 \Rightarrow a < -3 \\ 3a - 6 < 0 \Rightarrow a < 2 \end{cases} \rightarrow a < -3$$

گزینه «۲»:

$$\frac{x}{3} - \frac{4}{15} \leq 0 / 2x \Rightarrow \frac{x}{3} - \frac{1}{5} \leq \frac{4}{15} \Rightarrow \frac{2x}{15} \leq \frac{4}{15} \Rightarrow x \leq 2$$

گزینه «۳»:

$$(a - 2)x + 5y = -4 - a \Rightarrow 5y = -(a - 2)x - 4 - a$$

$$\Rightarrow y = -\frac{(a - 2)}{5}x - \frac{4 + a}{5}$$

$$\begin{cases} \frac{-(a - 2)}{5} < 0 \Rightarrow a > 2 \\ \frac{-(4 + a)}{5} < 0 \Rightarrow a > -4 \end{cases} \rightarrow a > 2$$

گزینه «۴»:

$$(3x - 2)^2 - 9x^2 \leq 3x - 26 \Rightarrow 9x^2 - 12x + 4 - 9x^2 \leq 3x - 26$$

$$\Rightarrow -15x \leq -30 \Rightarrow 15x \geq 30 \Rightarrow x \geq 2$$

(ترکیبی، صفحه‌های ۵۰ تا ۵۳ و ۱۰۷ کتاب (رسی))

(میلاد منصوری)

«۳» گزینه «۱»:

گزینه «۲»:

$$E = \sqrt{0^2 + 1^2} = \sqrt{1} = 1 \Rightarrow A = 0 + \sqrt{(\sqrt{2})^2 + 1^2} = \sqrt{3}$$

نقطه شروع

گزینه «۲»:

$$A = 0 + \sqrt{(\sqrt{1^2 + 1^2})^2 + 1^2} = \sqrt{3}$$

گزینه «۳»:

$$OE = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$$

$$\Rightarrow A = -1 + \sqrt{OE^2 + 1^2} = -1 + \sqrt{3}$$

گزینه «۴»:

$$A = -1 + \sqrt{1^2 + 2^2} = -1 + \sqrt{5}$$

(عددهای حقیقی، صفحه‌های ۲۳۷ تا ۲۷۷ کتاب (رسی))

(میلاد منصوری)

«۳» گزینه «۱»:

BM = AM است، بنابراین $\widehat{EAB} = \widehat{FBA}$ ، در نتیجه:

$$\begin{cases} D\widehat{A}E = 90^\circ - E\widehat{A}B = 90^\circ - F\widehat{B}A = C\widehat{B}F \\ BC = AD = 10 \end{cases}$$

$$\widehat{D} = \widehat{C} = 90^\circ$$

$$\xrightarrow{\Delta \text{ زض ز}} AED \cong BFC$$

$$\Rightarrow AE = BF \Rightarrow 2x = x + 6 \Rightarrow x = 6$$

طبق قضیه فیثاغورس در $\triangle BFC$:

$$BC^2 + FC^2 = (2x)^2 \xrightarrow{BC=AD} y^2 = 12^2 - 10^2 = 44 \Rightarrow y = \sqrt{44}$$

(استدلال و اثبات در هندسه، صفحه‌های ۴۸ تا ۵۴ کتاب (رسی))



(روزیه اسماقیان)

«۲۶- گزینه ۱»

همه عبارت‌های صورت سؤال صحیح هستند به جز مورد «۱»، ستاره قطبی دم صورت فلکی دب اصغر است.

(نگاهی به فضا، صفحه‌های ۱۱۱ و ۱۳۳ کتاب (رسی))

(کتاب آین)

«۲۷- گزینه ۱»

ابتدا لایدهای A و B تشکیل شده‌اند سپس رگه D تزریق شده است که یک لایه آذرین است و بعد از آن لایه C تشکیل شده است و در انتهای لایه F به صورت رگه آذرین نفوذ کرده است.

(آثاری از گزشته زمین، صفحه ۱۸ کتاب (رسی))

(کتاب آین)

«۲۸- گزینه ۳»

شخص طناب را با نیرویی به بزرگی F به سمت خود می‌کشد. طبق قانون سوم نیوتون، واکنش این نیرو دارای بزرگی F بوده و از طرف طناب به شخص وارد می‌شود. پس جهت شتاب شخص، خلاف جهت حرکت جعبه است. داریم:

$$\frac{\text{نیروی خالص}}{\text{جرم شخص}} = \frac{F}{60} = \text{شتاب شخص}$$

$$\frac{\text{نیروی خالص}}{\text{جرم جعبه}} = \frac{F}{90} = \text{شتاب جعبه}$$

بنابراین می‌توان نوشت:

$$\frac{\text{شتاب شخص}}{\text{شتاب جعبه}} = \frac{\frac{F}{60}}{\frac{F}{90}} = \frac{90}{60} = \frac{9}{6} = 1.5$$

(نیرو، صفحه‌های ۵۵، ۵۶، ۵۷، ۵۸ و ۵۹ کتاب (رسی))

(مرتضی سلک)

«۲۹- گزینه ۲»

همه ویژگی‌های مطرح شده در صورت سؤال مربوط به فلز مس هستند.

(موارد و نقش آن‌ها در زندگی، صفحه‌های ۲ و ۳ کتاب (رسی))

(ممید نزین کشن)

«۳۰- گزینه ۱»

همواره در حرکت بین دو نقطه، اندازه بردار جابه‌جایی کوچک‌تر با مساوی مسافت طی شده است. پس اندازه سرعت متوسط نیز کوچک‌تر یا مساوی تندی متوسط است.

لذا ویژگی‌های مربوط به حرکت متحرک گزینه «۱»، ممکن نیست رخدهد.

(حرکت پیست، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۴ کتاب (رسی))

(ممید نزین کشن)

«۲۴- گزینه ۳»

در چرخ‌دنده‌ها داریم:

$$\frac{\text{تعداد دور چرخ‌دنده کوچک در هر دقیقه}}{\text{تعداد دور چرخ‌دنده بزرگ در هر دقیقه}} = \frac{\text{تعداد دندانهای چرخ‌دنده بزرگ}}{\text{تعداد دندانهای چرخ‌دنده کوچک}}$$

اگر تعداد دور چرخ‌دنده کوچک در هر دقیقه را m و تعداد دور چرخ‌دنده بزرگ در هر دقیقه را n در نظر بگیریم، داریم:

$$\frac{60}{12} = \frac{m}{n} \Rightarrow \frac{m}{n} = 5 \quad (1)$$

اختلاف دور چرخ‌دنده‌ها در مدت ۵ دقیقه برابر است با:

$$(m - n) \times 5 = 200 \Rightarrow m - n = 40$$

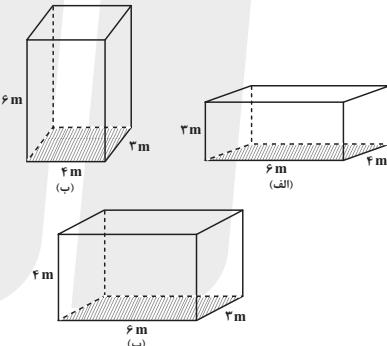
$$\frac{(1)}{5n - n = 40 \Rightarrow 4n = 40 \Rightarrow n = 10}{\frac{\text{دور}}{\text{دقیقه}}} \quad (2)$$

$$\frac{(1)}{m = 5n = 5 \times 10 = 50}{\frac{\text{دور}}{\text{دقیقه}}} \quad (3)$$

(ماشین‌ها، صفحه ۱۴ کتاب (رسی))

«۲۵- گزینه ۳»

فرض می‌کنیم وزن قطعه W است، در این صورت فشاری که به هر یک از سطوح وارد می‌شود را می‌یابیم:



$$P_{(a)} = \frac{W}{A_{(a)}} = \frac{W}{6 \times 4} = \frac{W}{24} \quad (\text{الف})$$

$$P_{(b)} = \frac{W}{A_{(b)}} = \frac{W}{4 \times 3} = \frac{W}{12} \quad (\text{ب})$$

$$P_{(c)} = \frac{W}{A_{(c)}} = \frac{W}{3 \times 3} = \frac{W}{9} \quad (\text{پ})$$

حال با توجه به روابط به دست آمده برای فشارها، در می‌یابیم که $P_{(b)}$ دو برابر $P_{(a)}$ است؛ زیرا سطح مقطع حالت (ب) نصف حالت (الف) است. حال گزینه‌هایی که فشار (ب) دو برابر فشار (الف) باشد را در نظر می‌گیریم. (دلیل نادرستی گزینه‌های «۱» و «۴»)

با استدلال مشابه، $P_{(b)}$ ۱/۵ برابر $P_{(c)}$ است که با توجه به گزینه‌ها، تنها گزینه «۳» صحیح است.

(فشار و آثر آن، صفحه‌های ۸۳ تا ۸۶ کتاب (رسی))



(عید زین‌الکشی)

۳۵- گزینه «۳»

از بین عبارت‌های داده شده، تنها مورد «الف» نادرست است.
هر پاسکال، هم‌ارز با یک نیوتون بر متر مربع است.

(فشار و آثار آن، صفحه‌های ۸۴ تا ۹۱ کتاب (رسی))

(غیروزن مسین‌زاده)

۳۶- گزینه «۱»

برش‌های برج تقطیر نفت خام به صورت تقریبی از بالا به پایین به صورت زیر است:

سوخت خودرو

سوخت هوایپما

سوخت قطار شهری

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۲»: در برج تقطیر نفت خام برش سوخت خودرو بالاتر از برش سوخت قطار شهری قرار دارد. پس نیروی ریاضی مولکولی در آن کم‌تر است.

گزینه «۳»: چون نقطه جوش برخی از اجزای سازنده نفت خام به یکدیگر بسیار نزدیک است پس جداسازی کامل آن‌ها ممکن نیست.

گزینه «۴»: در دستگاه تقطیر ساده بر اثر حرارت مخلوطی از چند ماده، ماده‌ای که نقطه جوش پایین‌تری دارد زودتر بخار می‌شود و از مخلوط جدا می‌شود. بین ۲ هیدروکربن ذکر شده C_6H_{14} دمای جوش کم‌تری داشته و از مخلوط زودتر جدا شود.

(به دنبال ممیطی پوتو پرای زنگی، صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲ کتاب (رسی))

(روزیه اسنایقران)

۳۷- گزینه «۴»

ترکیب اصلی خورشید در حال حاضر از هیدروژن و هلیوم است که در آن به طور مداوم هیدروژن به هلیوم تبدیل می‌شود. نتایج این تبدیل کاوش جرم و تولید انرژی به صورت گرما و نور است.

(گذشت زمین، صفحه ۱۱۱ کتاب (رسی))

(امیر معموری ازابی)

۳۱- گزینه «۴»

با استفاده از تعریف شتاب متوسط $\frac{\text{تفییر سرعت}}{\text{مدت زمان تغییر سرعت}} = \text{شتاب متوسط}$ داریم:

$$\frac{15-5}{6-0} = \frac{10}{6} \approx 1.67 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$\frac{40-10}{12-2} = \frac{30}{10} = 3 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$\frac{80-10}{20-2} = \frac{70}{18} \approx 3.89 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

$$\frac{80-15}{20-6} = \frac{65}{14} \approx 4.64 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

بنابراین گزینه «۴» پاسخ صحیح است.

(هرگز پیست، صفحه‌های ۴۹ و ۵۰ کتاب (رسی))

۳۲- گزینه «۴»

(توضیه شکلی)

ترکیب‌های یونی حاوی یون‌ها هستند. یون‌ها ذره‌هایی با بار الکتریکی مثبت یا منفی هستند. زمانی که این یون‌ها بتوانند آزادانه حرکت کنند می‌توانند سبب برقراری جریان الکتریکی شوند. این ترکیب‌ها وقتی در آب به صورت محلول در می‌آیند، یون‌های آن آزادانه در سراسر محلول حرکت کرده و جریان الکتریکی را انتقال می‌دهند ولی در حالت جامد به دلیل اینکه یون‌ها توانایی حرکت ندارند نارسانای جریان الکتریکی هستند.

ترکیب‌های مثل شکر، اتانول و ... چه در حالت محلول، چه غیر محلول رسانای جریان الکتریکی نیستند.

(رفتار اتم‌ها با یکدیگر، صفحه‌های ۱۵ و ۱۶ کتاب (رسی))

۳۳- گزینه «۳»

(موالا تابش‌نیا)

عبارت‌های «پ» و «ت» درست می‌باشند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

(آ) هر بسیار از زنجیره‌های بلندی تشکیل شده است که از اتصال تعداد زیادی مولکول کوچک به یکدیگر به دست می‌آید.

(ب) گاز آمونیاک (NH_3) و سولفوریک اسید (H_2SO_4) به مولکول‌های کوچک مشهورند.

(موارد و نقش آن‌ها در زنگی، صفحه‌های ۹ تا ۱۲ کتاب (رسی))

۳۴- گزینه «۳»

(هاری عبدی)

قالب داخلی زمانی به وجود می‌آید که مواد و رسوبات نرم به داخل صدف و یا استخوان‌بندی جاندار نفوذ کند و آثار سوخت‌های فسیلی با گذشت زمان طولانی از پقایای جانداران تشکیل می‌شوند.

(آثاری از گذشت زمین، صفحه‌های ۷۸ و ۷۹ کتاب (رسی))

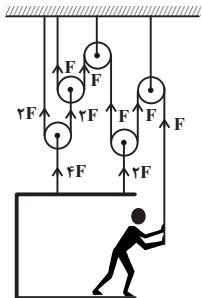


(امیر معمودی انزابی)

«۳۹- گزینه ۱»

نیروی کشش طناب توسط شخص را F در نظر می‌گیریم. در این صورت

داریم:



برایند نیروهای وارد بر شخص و اتاقک از طرف طنابها برابر است با

مجموع وزن اتاقک و شخص، داریم:

$$W + W = 4F + 2F + F \Rightarrow 2W = 7F$$

$$\Rightarrow F = \frac{2}{7}W \xrightarrow{W=mg} F = \frac{2}{7}mg$$

$$\Rightarrow F = \frac{2}{7} \times 70 \times 10 = 200\text{ N}$$

(ماشین‌ها، صفحه‌های ۱۰۲ و ۱۰۳ کتاب درسی)

(آرین خلاج اسدی)

«۴۰- گزینه ۲»

در بررسی احتمال وقوع ذخایر زغال‌سنگ، نفت و گاز استفاده از تصاویر ماهواره‌ای، عکس‌های هوایی و شواهد زمین‌شناسی در سطح زمین نسبت به کاربرد امواج لرزه‌ای و دیگر روش‌های دورسنجی اولویت دارد.

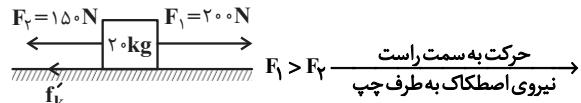
(آثاری از گذشته زمین، صفحه‌های ۷۴ تا ۱۸ کتاب درسی)

(محمد نژینی‌نفشن)

«۳۸- گزینه ۳»

ابتدا شتاب هر یک از اجسام را با توجه به قانون دوم نیوتون می‌یابیم،

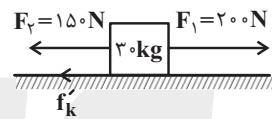
داریم:



$$F_1 - F_k' = m_A \times a_A \Rightarrow 200 - 150 - f_k' = 2 \cdot a_A$$

$$\Rightarrow 50 - f_k' = 2 \cdot a_A$$

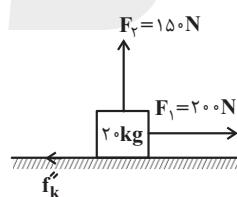
برای حرکت جسم B نیز همانند جسم A، نیروی اصطکاک به‌طرف چپ است.



$$F_1 - F_k' = m_B a_B \Rightarrow 200 - 150 - f_k' = 3 \cdot a_B$$

$$\Rightarrow 50 - f_k' = 3 \cdot a_B$$

دقت کنید که چون جرم جسم B از جرم جسم A بیشتر است، لذا نیروی وزن و نیروی عمودی سطح آن بیشتر است و در نتیجه نیروی اصطکاک آن نیز بیشتر خواهد بود. ($f_k' > f_k$) پس نیروی خالص وارد A بر جسم B کمتر است، لذا شتاب حرکت آن از شتاب حرکت جسم A کمتر می‌باشد. ($a_A > a_B$)



$$F_1 - f_k'' = m_C a_C \Rightarrow 200 - 150 - f_k'' = 2 \cdot a_C$$

برای جسم C، چون نیروی عمودی F_V به سمت بالا وارد می‌شود، در نتیجه نیروی عمودی سطح آن کاهش می‌یابد، بنابراین نیروی اصطکاک آن در مقایسه با جسم هم جرم یعنی A کاهش می‌یابد، در نتیجه نیروی خالص وارد بر آن بیشتر و در نتیجه شتاب آن از شتاب جسم A بیشتر است. ($a_C > a_A$) پس ترتیب مقایسه شتاب‌ها بهصورت زیر است:

$$a_C > a_A > a_B$$

(نیرو، صفحه‌های ۵۶ و ۵۷ تا ۶۲ کتاب درسی)